



### رياضيات النجاح

#### العدد الزوجي - الفردي:

**خاصية**

ليكن  $a$  عدداً صحيحاً طبيعياً.

يكون  $a$  زوجياً إذا كان يكتب على شكل  $a = 2k$  حيث  $k$  عدد صحيح طبيعي  
ويكون فردياً إذا كان يكتب على شكل  $a = 2k + 1$  حيث  $k$  عدد صحيح طبيعي

#### خصائص

**خاصية**

$ab$	$a - b$	$a + b$	$b$	$a$	الأعداد
زوجي	زوجي	زوجي	زوجي	زوجي	الزوجية الأعداد
زوجي	فردي	فردي	فردي	زوجي	
زوجي	فردي	فردي	زوجي	فردي	
فردي	زوجي	زوجي	فردي	فردي	

#### مضاعفات - قواسم عدد صحيح طبيعي

**تعريف**

ليكن  $a$  و  $b$  عددين صحيحان طبيعيان.

يكون  $a$  مضاعفاً لـ  $b$  إذا كان يكتب على شكل  $a = kb$  حيث  $k$  عدد صحيح طبيعي  
ويكون قاسماً لـ  $b$  إذا كان  $b = ka$  حيث  $k$  عدد صحيح طبيعي

#### القاسم المشترك الأكبر - المضاعف المشترك الأصغر

**تعريف**

ليكن  $a$  و  $b$  و  $m$  أعداد صحيحة طبيعية غير منعدمة.

نقول إن  $d$  قاسم مشترك لـ  $a$  و  $b$  إذا كان قاسماً لهما في نفس الوقت

يكون  $d$  هو القاسم المشترك الأكبر للعددين  $a$  و  $b$  إذا كان أكبر قاسم مشترك لهما

ونكتب في هذه الحالة:  $\text{PGCD}(a,b) = d$  أو  $\Delta(a,b) = d$  أو  $a \wedge b = d$

نقول إن  $m$  مضاعف مشترك لـ  $a$  و  $b$  إذا كان مضاعفاً لهما في نفس الوقت

يكون  $m$  هو المضاعف المشترك الأصغر للعددين  $a$  و  $b$  إذا كان أصغر مضاعف مشترك لهما

ونكتب في هذه الحالة:  $\text{PPCM}(a,b) = d$  أو  $M(a,b) = d$  أو  $a \vee b = d$

# الأعداد الأولية

## تعريف

ليكن  $p$  عدداً صحيحاً طبيعياً غير منعدم ، نقول أن  $p$  أولي إذا كان له قاسماً بالضبط.

أمثلة : 2 ، 3 ، 11 ، 13 ، 17 ، 23 ، ... ، 5 ، 3

## ملاحظات :

- 1 ليس عدداً أولياً لأن له قاسماً وحيداً فقط وهو نفسه
- مجموعـة الأعداد الأولـية غير مـنتهـية
- الـعـددـان الأولـيـان فـيـنـهـما هـمـا عـدـدان قـاسـمـاهـما المشـتـركـاـكـبـرـاـ هو 1، ولا يـعـنيـ ذـلـكـ أـنـ كـلـيـهـمـاـ أـولـيـ، مـثـلاـ 10 و 9 هـمـا عـدـدان الأولـيـان فـيـنـهـماـ الـكـنـهـمـاـ غـيرـأـولـيـينـ.

## التفكيـكـ الأولـيـ

### خاصـيـةـ

كل عدد صحيح طبيعي أكبر من 1 يقبل التفكيـكـ إلى جـذـاءـ عـوـافـلـ أـولـيـةـ

### خاصـيـةـ

- الـقـاسـمـ المشـتـركـاـكـبـرـاـ لـعـدـديـنـ صـحـيـحـيـنـ طـبـيـعـيـيـنـ كـلـاـهـمـاـ أـكـبـرـاـ مـنـ 1ـ هـوـ جـذـاءـ
- الـعـوـافـلـ المشـتـركـةـ فـيـ تـفـكـيـكـيـهـمـاـ أـولـيـ مـرـفـوعـةـ لـأـصـغـرـ أـسـ
- الـمـضـاعـفـ المشـتـركـاـكـبـرـاـ لـعـدـديـنـ صـحـيـحـيـنـ طـبـيـعـيـيـنـ كـلـاـهـمـاـ أـكـبـرـاـ مـنـ 1ـ هـوـ جـذـاءـ
- الـعـوـافـلـ المشـتـركـةـ وـغـيرـ المشـتـركـةـ فـيـ تـفـكـيـكـيـهـمـاـ أـولـيـ مـرـفـوعـةـ لـأـكـبـرـ أـسـ

120		2
60		2
30		2
15		3
5		5
1		

مثال : لنفكـكـ إـلـىـ جـذـاءـ عـوـافـلـ أـولـيـةـ العـدـدـ 120ـ :

$$120 = 2^3 \times 3^1 \times 5^1$$

إذن :

الـتـفـكـيـكـ الأولـيـ للـعـدـدـ 750ـ هوـ :

$$750 \vee 120 = 2^3 \times 3^1 \times 5^3 = 3000 \quad 750 \wedge 120 = 2^1 \times 3^1 \times 5^1 = 30$$